Devoir de Synthèse

N° 01

Classe: 2ème année Sciences

Durée: 2 heures

## Exercice 1: (3 points)

Dans chacun des exercices suivants, une réponse au moins est exacte.

Mettre V (vrai) pour une réponse juste, F (faux) pour une réponse fausse.

- 1) Le barycentre des points pondérés (A, 1), (B, 3) est (voir la figure ci-contre) :
  - a) Sur la demi-droite [Ax')
- **b)** Sur la demi-droite [B x)
- c) Sur le segment [AB]

d) En dehors de la droite (AB)



- 2) Si f est une fonction polynôme tel que f(2) = 0 alors :
  - a) le polynôme est factorisable par (x-2)
- b) le polynôme f n'admet aucune autre racine

- c) 2 est un zéro du polynôme f
- 3) On considère les polynômes f et g définis, pour tout réel x, par : f(x) = -5x + 2 et

$$g(x) = 2x^2 - 3x + 2$$
:

- a) Le degré du polynôme f+g est égal à 3.
- b) Le degré du polynôme f+g est égal à 2.
- c) Le degré du polynôme fx g est égal à 3.

# Exercice 2 : (2 points)

Le grand carré est de côté 1.

Trouver la largeur de la bande sachant qu'elle a même aire que le carré intérieur.



#### Exercice 3: (5 points)

On considère la fonction polynôme P définie par  $P(x) = x^3 - 5x^2 + 3x + 1$ .

- 1) Quel est le degré de P?
- 2) Vérifier que 1 est une racine de P.
- 3) Déterminer la fonction polynôme Q du deuxième degré telle que P(x) = (x 1) Q(x).
- 4) Déterminer les racines de Q.
- 5) Résoudre l'inéquation P(x) > 0.

### Exercice 4 : (4 points)

Dans le plan muni d'un repère orthonormé  $(0, \vec{i}, \vec{j})$  on donne les points A(1, 1); B(4, 2); C(2, -2) et D(3, 0).

- 1) Montrer que les points B, C et D sont alignés.
- 2) Montrer que le triangle ABC est rectangle et isocèle en A.

#### Exercice 5: (6 points)

Soit un cercle C de centre I et de rayon 3 (l'unité de longueur étant le centimètre).

[AC] et [BD] étant deux diamètres perpendiculaires de C.

- 1) Construire le point J barycentre des points pondérés (A, 4) et (B, -1).
- 2) Soit G définit par :  $4 \overline{GA} \overline{GB} \overline{GD} = 0$

نجُّدنِي

- a) Que représente le point G pour les points pondérés (A , 4) , (B , -1) et (C , -1) ?
- b) Montrer que G, J et D sont alignés.
- 3) a) Montrer que .  $\overrightarrow{AG} = -\frac{1}{2}\overrightarrow{AC}$ 
  - b) Construire alors le point G.
- 4) Déterminer et construire l'ensemble  $\mathbb{C}$  ' des points M du plan tels que  $\|4\ \overrightarrow{MA} \overrightarrow{MB} \overrightarrow{MD}\| = \|\overrightarrow{MB} \overrightarrow{MD}\|$