

MR Aymen Salhi

Meet: Education en ligne

Classe : 9e pilote



ETUDE MATH-chbedda



53080851

رياضيات التاسعة أساسي	فرض مراقبة عدد 2 2018 / 11 / 13	المدرسة الإعدادية النموذجية بالمهنية 2019 / 2018	
الاسم و اللقب :		القسم : 9أ	

تمرين عدد 1 (2ن)

(I) أجب بصواب أو خطأ:

جواب $\frac{1}{\sqrt{10}-3} = \sqrt{10} + \sqrt{3}$ (1)

جواب $\sqrt{(-1+\sqrt{2})^2} = -1 + \sqrt{2}$ (2)

0,5 ن

0,5 ن

$$\frac{1}{(\sqrt{10}-3)(\sqrt{10}+3)} = \frac{\sqrt{10}+3}{\sqrt{10}\sqrt{10} + 3\sqrt{10} - 3\sqrt{10} - 3 \times 3} = \frac{\sqrt{10}+3}{10-9}$$

$$= \frac{\sqrt{10}+3}{1} = \sqrt{10}+3$$

$$\sqrt{(-1+\sqrt{2})^2} = |-1+\sqrt{2}|$$

$\begin{aligned} &> 1 \\ \sqrt{2} > \sqrt{1} &= 1 \\ \sqrt{2}-1 > 0 \end{aligned}$

$$= -1 + \sqrt{2}$$

$$\begin{aligned} \sqrt{a^2} &= |a| \\ (\sqrt{a})^2 &= a \end{aligned}$$

(II) لكل سؤال من الأسئلة التالية اجابة واحدة صحيحة حدها:

(1) $|x| = \sqrt{2} - 1$ (ب) $|x| = \sqrt{2} + 1$ (ج) $x = \sqrt{2} + 1$ (د) $|x| = \sqrt{2} - 1$ (بمعنى $|\sqrt{2}x - x| = 1$)

(2) $x = \sqrt{2}$ (ب) $x = 0$ (ج) $x = \sqrt{2}$ (د) $x^2 - x\sqrt{2} = 0$ (بمعنى $x = \sqrt{2}$)

$$|A \cdot B| = |A| \cdot |B|$$

$$|\sqrt{2}x - x| = 1$$

$$|x(\sqrt{2}-1)| = 1$$

$$|x||\sqrt{2}-1| = 1$$

MR Aymen Salhi

Meet: Education en ligne

Classe ; 9e pilote



ETUDE MATH-chbedda



53080851

$$|\sqrt{2}-1| = \sqrt{2}-1$$

$$|x|(\sqrt{2}-1) = 1$$

$$|x| = \frac{1}{\sqrt{2}-1}$$

$$|x| = \frac{1(\sqrt{2}+1)}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)}$$

$$|x| = \frac{\sqrt{2}+1}{(\sqrt{2})^2 + \sqrt{2} - \sqrt{2} - 1^2} = \frac{\sqrt{2}+1}{2-1}$$

$$|x| = \sqrt{2}+1$$

$$x = \sqrt{2} \text{ أو } x = 0 \text{ (2)}$$

$$x = 0 \text{ (1)}$$

$$x = \sqrt{2} \text{ (1) يعني: } x^2 - x\sqrt{2} = 0 \text{ (2)}$$

$$x^2 - x\sqrt{2} = 0$$

$$x(x - \sqrt{2}) = 0$$

$$x = 0 \text{ أو } x - \sqrt{2} = 0$$

$$x = 0 \text{ أو } x = \sqrt{2}$$

تمرين عدد 2 (7 ن)

نعتبر العددين الحقيقيين التاليين :

$$a = (\sqrt{2} - \sqrt{5})(3\sqrt{10} + 2) - 13\left(\frac{9}{13} - \sqrt{2}\right)$$

$$b = \sqrt{162} - 2\sqrt{18} - \frac{9}{4}\sqrt{32} + \sqrt{81} \quad \text{و}$$

$$(1) \text{ بين ان } a = 4\sqrt{5} - 9 \text{ و ان } b = 9 - 6\sqrt{2}$$

$$(2) \text{ ليكن العدد الحقيقي } c = 2\sqrt{2}(\sqrt{10} - 3)(\sqrt{10} + 3)^2$$

$$(a) \text{ بين ان } c = 4\sqrt{5} + 6\sqrt{2}$$

$$(b) \text{ بين ان } \frac{1}{8} \times c \text{ و } (a+b) \text{ مقربان}$$

$$(3) \text{ استنتج القيمة العددية للعبارة } \sqrt{(ac - 13 + bc)^2}$$

تمرين عدد 2 (7 ن)

نعتبر العددين الحقيقيين التاليين :

$$a = (\sqrt{2} - \sqrt{5})(3\sqrt{10} + 2) - 13\left(\frac{9}{13} - \sqrt{2}\right)$$

$$b = \sqrt{162} - 2\sqrt{18} - \frac{9}{4}\sqrt{32} + \sqrt{81} \quad \text{و}$$

$$(1) \text{ بين ان } a = 4\sqrt{5} - 9 \text{ و ان } b = 9 - 6\sqrt{2}$$

$$\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$$

$$\begin{aligned} 3\sqrt{10} \times \sqrt{2} &= 3\sqrt{20} \\ &= 3\sqrt{4 \times 5} \\ &= 3 \times 2 \times \sqrt{5} \\ &= 6\sqrt{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} a &= (\sqrt{2} - \sqrt{5})(3\sqrt{10} + 2) - 13\left(\frac{9}{13} - \sqrt{2}\right) \\ &= 3\sqrt{20} + 2\sqrt{2} - 3\sqrt{50} - 2\sqrt{5} - 9 + 13\sqrt{2} \\ &= 3 \times 2 \times \sqrt{5} + 2\sqrt{2} - 3 \times \sqrt{25} \times \sqrt{2} - 2\sqrt{5} - 9 + 13\sqrt{2} \\ &= 6\sqrt{5} + 2\sqrt{2} - 15\sqrt{2} - 2\sqrt{5} - 9 + 13\sqrt{2} \\ &= 6\sqrt{5} - 2\sqrt{5} + 15\sqrt{2} - 15\sqrt{2} - 9 \\ &= 4\sqrt{5} - 9 \end{aligned}$$

نور



$$b = \sqrt{162} - 2\sqrt{18} - \frac{9}{4}\sqrt{32} + \sqrt{81} \quad ,$$

$$b = \sqrt{81} \times \sqrt{2} - 2 \times \sqrt{9} \times \sqrt{2} - \frac{9}{4} \times \sqrt{16} \times \sqrt{2} + \sqrt{81}$$

$$b = 9\sqrt{2} - 2 \times 3\sqrt{2} - \frac{9}{4} \times 4\sqrt{2} + 9$$

$$b = 9\sqrt{2} - 6\sqrt{2} - 9\sqrt{2} \quad 4/12$$

$$b = 9 - 6\sqrt{2}$$

(2) ليكن العدد العقيقي $c = 2\sqrt{2}(\sqrt{10}-3)(\sqrt{10}+3)^2$

(1) بين ان $c = 4\sqrt{5} + 6\sqrt{2}$

$$c = 2\sqrt{2} (\sqrt{10}-3)(\sqrt{10}+3)(\sqrt{10}+3)$$

$$c = 2\sqrt{2} (\sqrt{10} \times \sqrt{10} + 3\sqrt{10} - 3\sqrt{10} - 3 \times 3) (\sqrt{10}+3)$$

$$c = 2\sqrt{2} (10 - 9) (\sqrt{10}+3)$$

$$c = 2\sqrt{2} (\sqrt{10}+3)$$

$$c = 2\sqrt{2} \times \sqrt{10} + 3 \times 2\sqrt{2}$$

$$c = 2\sqrt{20} + 6\sqrt{2}$$

$$c = 2 \times \sqrt{4} \times \sqrt{5} + 6\sqrt{2}$$

$$c = 4\sqrt{5} + 6\sqrt{2}$$



ب) بين ان $\frac{1}{8} \times c$ و $(a+b)$ مقلوبان

$$\left[\frac{1}{8} \times c \right] \cdot [a+b] = ?$$

$$= \frac{1}{8} \times (4\sqrt{5} + 6\sqrt{2}) \times (4\sqrt{5} - 9 + 9 - 6\sqrt{2})$$

$$= \frac{1}{8} (4\sqrt{5} + 6\sqrt{2}) (4\sqrt{5} - 6\sqrt{2})$$

$$= \frac{1}{8} \left[(4\sqrt{5})^2 - 4\sqrt{5} \times 6\sqrt{2} + 4\sqrt{5} \times 6\sqrt{2} - (6\sqrt{2})^2 \right]$$

$$= \frac{1}{8} (80 - 72)$$

$$= \frac{1}{8} \times 8$$

$$= 1$$

اذن $\frac{1}{8} \times c$ و $a+b$ مقلوبان

$$\sqrt{x^2} = |x|$$

(3) استنتج القيمة العددية للعبارة $\sqrt{(ac - 13 + bc)^2}$

الاستنتاج من خلال العمل السابق

$$\begin{aligned} \sqrt{(ac - 13 + bc)^2} \\ |ac - 13 + bc| \\ |c(a+b) - 13| \\ = |8 - 13| \\ = |-5| \\ = 5 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} \frac{c}{8} \times (a+b) = 1 \\ c \times (a+b) = 8 \end{cases}$$

ممتاز نور



تمرين عدد 3 (7 ن)

(O, I, J) معينا في المستوي حيث $(OI) \perp (OJ)$ و $OI = OJ$ (انظر الرسم)

1) ا) عين النقاط $A(3;2)$ و $B(-1;2)$ و $C(2;0)$ و $D(2;4)$

ب) بين ان $(AB) \perp (OJ)$ ثم استنتج ان $(AB) \perp (DC)$

2) المستقيم (AB) يقطع (DC) في النقطة E

ا) اوجد احداثيات E في المعين (O, I, J) معللا جوابك

ب) بين ان D مناظرة C بالنسبة الى المستقيم (AB)

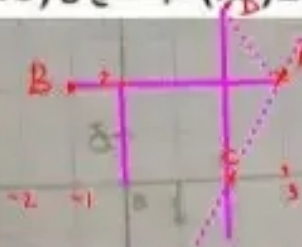
3) ابن النقطة F مسقط C على (AB) وفقا لمنحى (AD)

6/12 ADI معين

ب) استصح ان B و F متناظرتان بالنسبة الى (OJ)

1) ا) عين النقاط $A(3;2)$ و $B(-1;2)$ و $C(2;0)$ و $D(2;4)$

ب) بين ان $(AB) \perp (OJ)$ ثم استنتج ان $(AB) \perp (DC)$



لدينا A و B لهما نفس الترتيبية اذن

$$\left. \begin{array}{l} (AB) \parallel (OI) \\ (OI) \perp (OJ) \end{array} \right\} (AB) \perp (OJ)$$

لدينا D و C لهما نفس الارتفاع اذن

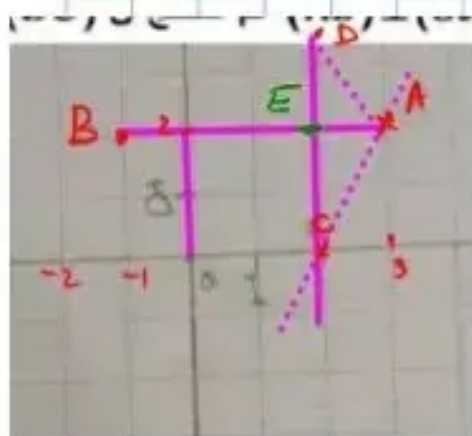
$$\left. \begin{array}{l} (DC) \perp (AB) \\ (DC) \parallel (OJ) \end{array} \right\} (OJ) \perp (AB)$$



(2) المستقيم (AB) يقطع (DC) في النقطة E

(أ) أوجد إحداثيات E في المعين (O, I, J) مقلًا جوابك

(ب) بين أن D مناظرة C بالنسبة إلى المستقيم (AB)



$$E \in (AB) \quad (AB) \parallel (OI)$$

A و B و E لهما نفس ترتيبية

$$x_E = x_B = x_A = 2$$

$$E \in (DC) \quad (DC) \parallel (OJ)$$

D و E و C لهما نفس الترتيبية

$$x_D = x_C = x_E = 2$$

$$E(2, 2)$$

7/12

(ب) بين أن D مناظرة C بالنسبة إلى المستقيم (AB)

لدينا E منتصف $[DC]$

$$\frac{x_C + x_D}{2} = 2 = x_E$$

$$\frac{y_C + y_D}{2} = 2 = y_E$$

$$(CD) \perp (AB) \quad \text{و} \quad E \in (AB)$$

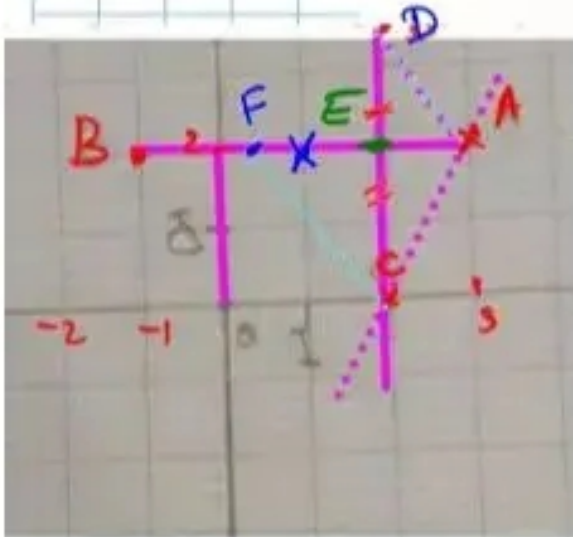
$[DC]$ هو المتوسط العمودي لـ (AB) \Rightarrow D و C مناظران بالنسبة إلى (AB)



(3) ابن النقطة F مسقط C على (AB) ونقلمنى (AD)

(ا) بئن ان $ADFC$ معين

(ب) استنتج ان B و F متناظران بالنسبة الى (OJ)



$F \in (AB)$
 (AB) هو المتوسط العمودي على $[DC]$
 $FC = FD$
 $AD = AC$
 $(CD) \perp (AF)$
 $(DA) \parallel (FC)$

انشطة حول الرباعيات في الرباعي $ADFC$ و α

