Lycée secondaire 18 / 01 / 52 Djebeniana

date: 06/12/09 Durée: 2 heures

DEVOIR DE SYNTHÈSE N°1

(MATHÉMATIQUES)

PROF : ABID HASSEN

Classe : 2^{ème} année sc & t i

EXERCICE N°1:(3 points)

Q.C.M: Trouver la seule bonne réponse.

On donne dans un repère orthonormé les points A(3,5), B(6,1), C(-1,2) et D(-5,-1)

1) Les composantes du vecteur \overrightarrow{AB} sont :

a)
$$\binom{9}{6}$$

b)
$$\begin{pmatrix} 3 \\ -4 \end{pmatrix}$$

c)
$$\begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$$

2) a)
$$AB = 3$$

b)
$$AB = 4$$

c)
$$\Delta R =$$

3) Le déterminant des vecteurs \overline{AB} et \overline{AC} est égal à :

4) Les droites (AB) et (AC) sont :

- a) parallèles
- b) perpendiculaires
- c) ni parallèles ni perpendiculaires

- 5) Le point C est le milieu du segment :
 - a) [AB]

b) [AD]

c) [BD]

6) Si le quadrilatère ABEC est un parallélogramme alors les coordonnées du point E sont :

a)
$$(2, -2)$$

c)
$$(-2, 2)$$

EXERCICE N°2: (5 points)

1) Résoudre dans IR les deux équations suivantes :

a)
$$\frac{x^2 - 9}{x + 3} = 0$$

b)
$$\frac{|x-2|+6}{2|x-2|+3} = 1$$

2) Résoudre dans IR les deux inéquations suivantes :

a)
$$2x^2 + 5x - 3 \ge 0$$

b)
$$\sqrt{2x^2 + 5x - 3} < x + 3$$

EXERCICE N°3:(5 points)

1) Soit l'équation (E): $x^2 - 2x - 8 = 0$.

a − Résoudre dans ℝ l'équation (E).

b – En déduire les solutions de l'équation : $x^4 – 2x^2 – 8 = 0$.

2) Résoudre dans \mathbb{R}^2 le système suivant : $\begin{cases} x + y = -2 \\ x^2 + y^2 = 34 \end{cases}$

EXERCICE N°4:(7 points)

Soit ABCD un rectangle tel que AB = 4 et AD = 3

1) Calculer AC

2) Soit G le barycentre des points pondérés (B, 1) et (C, -2).

Montrer que $\overrightarrow{CG} = \overrightarrow{BC}$ puis construire le point G.

4) Soit E le barycentre des points pondérés (C, 8) et (A, -3).

a) Montrer que $\overrightarrow{CE} = \frac{3}{5} \overrightarrow{AC}$ puis construire le point E

b) Calculer CE et en déduire la nature du triangle CEG.

5) Soit F le barycentre des points pondérés (B, 1), (C, -2) et (D, -1). Montrer que F est le milieu de [DG].

6) Déterminer et construire l'ensemble ζ des points M du plan tels que : $\Box \overrightarrow{MB} - 2\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{MD} \Box = \Box \overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MC} \Box$.