

التناظر المركزي

تمارين تطبيقية 01:

أرسم متوازي أضلاع  $ABCD$  مركزه  $O$  ثم  
عين النقطة  $M$  منتصف  $[BC]$ .

1/1 - ابرهن أن النقطة  $E$  منازرة  $D$  بالنسبة إلى النقطة  $M$ .

ب - بين أن  $(BE) \parallel (CD)$  و  $BE = CD$ .

2/ أثبت أن النقطتين  $A$  و  $E$  متناظرتان بالنسبة إلى  $B$ .

تمارين تطبيقية 02:

$ABC$  مثلث قائم الزاوية في  $A$  و  $M$  نقطة من وتره  $[BC]$   
و  $O$  منتصف  $[AM]$ .

1/1 - ابرهن أن النقطتين  $N$  و  $P$  منازرتين  $B$  و  $C$  على التوالي  
بالنسبة إلى  $O$ .

ب / أثبت أن النقاط  $N$  و  $A$  و  $P$  على استقامة واحدة.

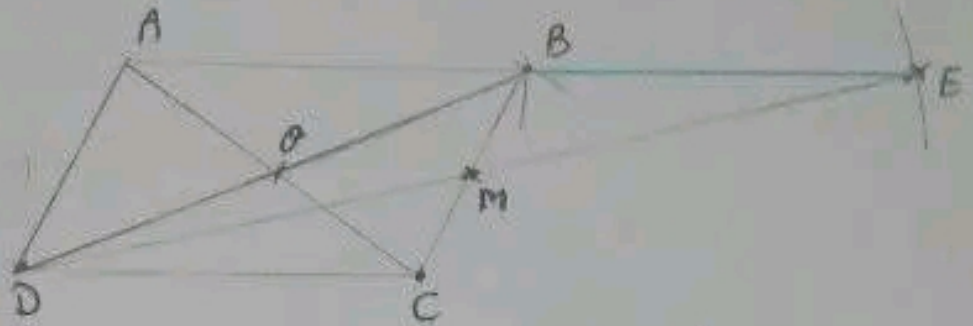
2/ بين أن  $BC = NP$ .

3/ بين أن المثلث  $MNP$  قائم الزاوية في  $M$ .

هداية النعيمي

الي حلاح

تمارين تطبيقية 01:



1/1 - أنظر الرسم.

ب - بين أن  $(BE) \parallel (CD)$  و  $BE = CD$  ؟

لدينا M منتصف [BC] ، إذن B مناظرة C بالنسبة إلى M.

لدينا E مناظرة D بالنسبة إلى M.

ومن هنا مناظر المستقيم  $(BE)$  بالنسبة إلى M هو  $(CD)$   
إذن:  $(BE) \parallel (CD)$

• مناظرنا النقطتين B و E بالنسبة إلى M هما C و D على التوالي.

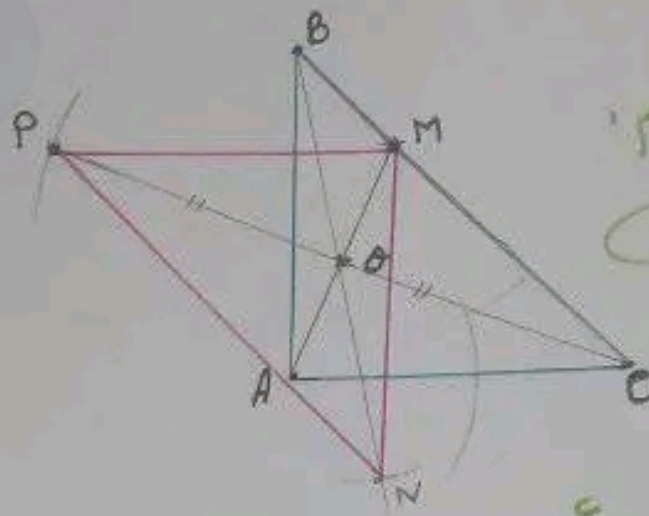
إذن:  $BE = CD$  : التناظر الهكسري يعاقل على البعد.

2/ لدينا  $(BE) \parallel (CD)$  و  $(AB) \parallel (CD)$  متوازي أضلاع ABCD

ومن هنا النقاط A و B و E على استقامة واحدة وحيث أن

$AB = BE$  فإن B منتصف [AE] . هدا يعني أن A و E

متناظرتان بالنسبة إلى B.



141- أنظر الرسم.

ب - لدينا النقاط  $B$  و  $M$  و  $C$  على استقامة واحدة  
وأن فإن صورهما  $N$  و  $A$  و  $P$  بالتناظر المركزي الذي مركزه  
 $S$  هي على استقامة واحدة (التناظر المركزي يعاقل على  
الاستقامة).

1/2  $N$  هي مناظرة  $B$  بالنسبة إلى  $\sigma$  إذن  $BC = NP$   
 $M$  هي مناظرة  $C$  بالنسبة إلى  $\sigma$  لأن النقاط المركزية يحافظ على البعد.

3/ لدينا  $M$  و  $N$  و  $P$  على استقامة واحدة (على مناهضات  
النقاط  $A$  و  $B$  و  $C$  بالنسبة إلى  $\theta$   
كمان مناهضات نصف المستقيم  $[AB]$  و  $[AC]$  هما  $[MM]$  و  
 $[MP]$  على التوالي بالنسبة إلى  $\theta$   
لذلك فإن الزاويتين  $\widehat{BAC}$  و  $\widehat{NMP}$  متناظرتان بالنسبة إلى  $\theta$   
وبما أن المتناظر المركزي يحافظ على أقيسة الزوايا فإن الزاويتين  
 $\widehat{BAC} = \widehat{NMP}$  وميث أن  $\widehat{BAC} = 90^\circ$  (لأن  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$ )  
فإن  $\widehat{NMP} = 90^\circ$  وهذا يعني أن المثلث  $NMP$  قائم الزاوية  
في  $M$ .