LYCEE SECONDAIRE	DEVOIR de SYNTHESE N°1	CLASSE S:2S
DE REJICHE	MATHEMATIQUE	PROFS :Mrs :
AS :09/10	Durée :2h	MEKKI et ATAOUI

## Exercice1( $4\times0.75=3$ pts)

Une réponse est correcte :cocher la bonne réponse : :Soit  $f(x)=x^2+5x+6$ ;  $g(x)=x^3+4x^2+x-6$ 

1)Le dégré de f+g est:

 $\Box$  3  $\Box 0$  $\Box 2$ 

2) Le dégré de fg est :

□ 3  $\Box 2$ □5 □6

3)les racines de f sont :

□ 4et1 □2et -1 □-2 et -3 □5et6

4)g(x)=f(x).q(x) alors q(x)=  $\neg x+1$   $\neg x^2 - 1$  $\Box x - 2$ □x-1

## Exercice2(0,5+1,5+0,5+1,5+3=7pts)

1) Soit le polynome :  $P(x) = 3x^3 - 4x^2 - 5x + 2$ 

a) Vérifier que  $P(\frac{1}{3})=0$ .

b)Trouver un polynome Q(x) telle que  $P(x)=(x-\frac{1}{3})Q(x)$ .

c) Vérifier que -1 et 2 sont les racines de Q(x).

2) Soient les fonctions : 
$$f(x) = \frac{P(x)}{-2x^2 - 3x - 1}$$
 et  $g(x) = \sqrt{x^2 + x + 2}$  et  $h(x) = x^4 - 7x^2 + 12$ 

Déterminer le domaine de définition de chaque fonction.

3) Résoudre dans IR les inéquations suivantes :

 $h(x) \ge 0$ .  $f(x) \le 0$ ;  $g(x) \leq 2$ ;

## Exercice3(1+1=2pts)

Dans la figure ci contre :[BC] est un quart de cercle de centre A et de rayon 3, M un point de [AB]privé de A et B, les points N et P sont respectivement sur l'arc [BC] et le segment [AC], de sorte que AMNP soit un rectangle; on pose AM=x

- a)Déterminer l'aire S(x) du rectangle AMNP en fonction de x
- b)Déterminer x pour que  $S(x) \le 2\sqrt{2}$

## Exercice4(1,5+2+0,5+2+2=8pts)

Soit le triangle ABC isocéle de sommet principal A,on considére les points : J milieu de [BC],

E le barycentre des points pondérés (A,1)et (B,2)

H le barycentre des points pondérés (C,2)et(A,-1)

- 1)Faites une f igure.
- 2) Montrer que E , Jet H sont alignés .
- 3)Soit le point G telle que  $2\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \overline{0}$

a)Montrer que G est le milieu de [JA]

b)Soit le point F le barycentre des points pondérés (A,2)et(C,1):

montrer que les droites (AJ )et(BF) sont sécantes.

4)Déterminer et construire  $\Omega$  l'ensemble des points M telle que :

$$| 2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} | = 4 | 2\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{MA} |$$



