2<sup>ème</sup> Sciences : Sc<sub>7</sub> Durée : 2heures

Date : le 04 / 12/ 2008

Coefficient: 4

Devoir de Synthèse N°1 Mathématiques

# Exercice N°1: (4 points)

I – On considère le deux trinômes de second degré A et B dont le tableau de signe et le suivant :

<u> </u>	$ -\infty $	1	2	4	$+\infty$
A	+ (	-	ф	+	+
В	_	_	ф	+ (	<del>-</del>

- 1) Résoudre dans IR les équations suivantes :
  - $\bullet \quad A \times B = 0$
  - $\bullet \quad |A| + |B| = 0$
- 2) Résoudre dans IR les inéquations suivantes :
  - $A \times B > 0$
  - $\bullet \quad \frac{A}{R} \le 0$

II – Résoudre dans *IR* l'inéquation :  $\frac{x^2 + 2x + 4}{x - 2} \ge 2x + 1.$ 

# Exercice N°2: (4 points)

- 1) Donner le tableau de signe du trinôme :  $3x^2 11x + 8$ .
- 2) Soit  $I = ]-\infty,1] \cup \left[\frac{8}{3},+\infty\right[ ; J = [1,+\infty[ \text{ et } K = \left[1,\frac{7}{2}\right].\right]$

a – Déterminer  $L = I \cap J$ .

b – Déterminer alors :  $L \cap K$ 

3) Résoudre l'inéquation :  $\sqrt{3x^2 - 11x + 8} \le x - 1$ .

# Exercice N°3: (5 points)

ABC un triangle tel que, AB = 4; AC = 5 et BC = 6. (Unité cm)

On désigne par I le milieu de [BC], et G le point défini par  $-\overrightarrow{GA} + 2\overrightarrow{GB} + 2\overrightarrow{GC} = \overrightarrow{0}$  1).

- 1) a Montrer que G est le barycentre de points pondérés (A,-1) et (I,4). Construire G. b Déterminer l'ensemble des points M du plan tel que :  $\|-\overrightarrow{MA} + 4\overrightarrow{MI}\| = 3\|\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\|$
- 2) Soit le point H tel que  $t_{2\overline{AB}}(A) = H$ .

a – En utilisant (1) montrer que :  $\overrightarrow{GA} + 2\overrightarrow{GC} = -2\overrightarrow{AB}$ .

b – En déduire que G, C et H sont alignés.

#### Exercice N°4: (5 points)

Soient ABCD un rectangle de centre O et  $\zeta$  le cercle circonscrit au rectangle ABCD. (Voir page 3)

- 1) Construire le point E image de O par  $t_{\overrightarrow{BC}}$ . (sur la page 3)
- 2) Construire le cercle  $\zeta'$  image de  $\zeta$  par  $t_{\overrightarrow{BC}}$ .
- 3) Quelle est l'image de la droite (OD) par  $t_{\overline{BC}}$ .
- 4) La droite (EC) recoupe le cercle  $\zeta'$  en F. Montrer que  $t_{\overline{BC}}(D) = F$ .
- 5) Soit M un point variable sur le cercle  $\zeta$ . Quelle est l'ensemble des points N tels que  $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{DN}$



3.7	D /	3.10
Nom:	Prénom :	 N° :

# Exercice QCM: (2 points)

Pour chacune des questions suivantes, une seule des trois réponses proposées est exacte. Cocher alors la bonne réponse :

- 1) On considère trois points A, B et G tel que :  $\overrightarrow{AG} = \frac{2}{7} \overrightarrow{AB}$  alors G est le barycentre des points pondérés :
  - $\Box$  (A,2) et (B,5)

- 2) I est le milieu de segment [EF] alors I est le barycentre des points pondérés :
- $\bigcap$  (E,1) et (F,-1)
- 3) L'ensemble des solutions de l'inéquation :  $\sqrt{x^2 4} \le -4$  est :

 $S_{IR} = \emptyset$ 

- $\int S_{IR} = IR$
- 4) L'ensemble des solutions de l'inéquation :  $|x^2 4| \ge -4$  est :
- $S_{IR} = \emptyset$

 $S_{IR} = IR$ 

## Exercice N°4:

